SoSe 2022 Prof. Dr. Raman Sanyal Aenne Benjes benjes@math.uni-frankfurt.de

Algebraische und geometrische Kombinatorik

https://tinygu.de/AGK22

6. Übungsblatt — Abgabe 24. Mai 2022

Abgabe der Lösungen ist dienstags vor der Vorlesung.

Aufgabe 1. Sei L ein modularer Verband. Zeigen Sie, dass es für jede Funktion $f:L\to\mathbb{C}$ für die

$$f(a\vee b)=f(a)+f(b)-f(a\wedge b)$$
 für alle $a,b\in L$ gilt, $\alpha,\beta\in\mathbb{C}$ gibt, sodass $f(a)=\alpha\mathbf{r}(a)+\beta.$

(10 Punkte)

Aufgabe 2. Sei L ein semimodularer Verband. Zeigen Sie, dass wenn L atomisch ist, dann ist L auch relativ komplementiert.

(10 Punkte)