

Vorlesung 4a

Indikatorvariable

Rechnen mit Ereignissen und
Wahrscheinlichkeiten.

Teil 2

Rechnen mit Ereignissen
(Buch S. 37-38)

Das *sichere Ereignis* E_S hatten wir dadurch charakterisiert, dass seine Indikatorvariable sicher den Wert 1 annimmt:

$$I_{E_S} = 1$$

Das *unmögliche Ereignis* E_U ist dadurch charakterisiert, dass seine Indikatorvariable sicher den Wert 0 annimmt:

$$I_{E_U} = 0.$$

Für zwei Ereignisse E_1, E_2
hat deren “Oder-Ereignis” die Indikatorvariable

$$I_{E_1 \cup E_2} := \max(I_{E_1}, I_{E_2})$$

und deren “Und-Ereignis” die Indikatorvariable

$$I_{E_1 \cap E_2} := \min(I_{E_1}, I_{E_2}).$$

Man spricht auch von “Vereinigung” und “Durchschnitt”
der Ereignisse E_1 und E_2 .

Für $b_1, b_2 \in \{0, 1\}$ gilt die Identität:
 $b_1 + b_2 = \max(b_1, b_2) + \min(b_1, b_2)$.

Dies überträgt sich auf

$$I_{E_1} + I_{E_2} = I_{E_1 \cup E_2} + I_{E_1 \cap E_2}$$

Falls

$$E_1 \cap E_2 = E_u ,$$

so heißen E_1 und E_2

disjunkte oder sich ausschließende Ereignisse.

Gilt $E_1 = E_1 \cap E_2$, so schreiben wir

$$E_1 \subset E_2 .$$

und sagen:

“Mit E_1 tritt sicher auch E_2 ein”

oder auch

“Das Ereignis E_1 zieht das Ereignis E_2 nach sich.”

Für jedes Ereignis E ist sein *Komplementärereignis*

$$E^c$$

definiert durch

$$I_{E^c} := 1 - I_E \quad \text{bzw.} \quad E^c := \{I_E = 0\} .$$

Wegen $1_{A^c} = 1 - 1_A$ gilt

$$\{X \in A\}^c = \{X \in A^c\} .$$