

Theoretische Informatik I

Blatt 12, 18.01.2005, Abgabe 25.01.2005 in der Vorlesung

Edmonds-Karp Algorithmus.

INPUT Flussnetzwerk $\mathcal{N} = (G, s, t, c)$, $G = (V, E)$

1. Setze $f : E \rightarrow \mathbf{R}$ auf $f \equiv 0$
2. Markiere rekursiv alle Knoten $v \in V$, die durch einen zunehmenden Kantenzug von s aus erreichbar sind.
3. Wird t markiert, dann konstruiere einen kürzesten zunehmenden Kantenzug KZ von s nach t mit maximaler Flusserhöhung Δ und erhöhe f entlang KZ, andernfalls stoppe.

OUTPUT f

Aufgabe 41. Geben Sie ein Programm an, welches Schritt 2 in breadth first search ausführt und mit $O(|E|)$ Schritten auskommt. Das Programm soll zu jedem erreichbaren $v \in V$ einen Vorgängerknoten auf einem kürzesten zunehmenden Kantenzug nach v angeben, ebenso die maximale Flusserhöhung Δ_v auf dem Kantenzug. Erläutere das Programm und seine Korrektheit.

Aufgabe 42. Sei \mathcal{N} das Flussnetzwerk von Fig. 27.1 [CLR]. Konstruiere einen maximalen Fluss nach dem Edmonds-Karp Alg. Gebe die jeweiligen Flussnetzwerke, residualen Netzwerke und zunehmenden Kantenzüge an.

Aufgabe 43. Wir definieren die *Inversionszahl* $\text{Inv}(\gamma)$ einer Permutation $\gamma \in \{1, 2, \dots, n\}^{\{1, 2, \dots, n\}}$ als die Inversionszahl $\text{Inv}(\gamma(1), \dots, \gamma(n))$ der Folge $(\gamma(1), \dots, \gamma(n))$, $\text{Inv}(\gamma) = \#\{(i, j) \mid i < j, \gamma(i) > \gamma(j)\}$ nach Blatt 11.

Zeige: $\text{Inv}(\gamma_1 \cdot \gamma_2) = \text{Inv}(\gamma_1) + \text{Inv}(\gamma_2) \pmod{2}$.

Hinweis: reduziere auf den Fall, dass γ_1, γ_2 Transpositionen sind, die benachbarte Elemente vertauschen.

Punktzahlen 6, 6, 6