

GOETHE-UNIVERSITÄT, FRANKFURT AM MAIN  
Sommersemester 2008

Prof. Dr. C.P. Schnorr, Antoine Scemama  
**Diskrete Mathematik, Übung 10**

**Aufgabe 1.** Zeige, dass es zu  $\mathbb{Z}_n^*$  mit  $n$  prim genau  $\varphi(\varphi(n))$  primitive  $\alpha$  mit  $\langle \alpha \rangle = \mathbb{Z}_n^*$  gibt.

**Aufgabe 2.**  $P = (-3, 9)$  und  $Q = (-2, 8)$  sind Punkte der elliptischen Kurve  $y^2 = x^3 - 36x$  über  $\mathbf{Q}$ . Bestimme  $P + Q$  und  $2P$ .

**Aufgabe 3.** Bestimme alle Punkte der elliptischen Kurve  $E_{1,1}(\mathbb{Z}_{11})$  und prüfe, ob die Kurve zyklisch ist.

Abgabetermin dieses Blattes: Donnerstag, der 26.Juni um 12.10 Uhr

Übungsblätter im Internet:

[www.mi.informatik.uni-frankfurt.de](http://www.mi.informatik.uni-frankfurt.de):  
Teaching, Diskrete Mathematik.